# 同時位置3波長測定可能な分光計測系と CT 再構成法の開発

Development of the triple-channel optical system and the image reconstruction by computer tomography

○渡邉洋貴<sup>1</sup>,高橋努<sup>2</sup>
\*Hiroki Watanabe<sup>1</sup>, Tsutomu Takahashi<sup>2</sup>

Abstract: We developed the triple-channel optical system and the image reconstruction by visible light CT to research MHD instability of FRC plasma. Cormack's method and Fourier-Bessel expansions (Nagayama's method) are utilized as mathematical techniques for visible light CT. And, the optical system is possible to observe radiations divided into three-wavelength from FRC plasma, such as bremssshtralung, spectrum (H,D,He), at the same time and position.

1. はじめに

プラズマを閉じ込める磁場閉じ込め方式の中に磁場反 転配位(Field-Reversed Configuration: FRC)という閉じ込 め方式がある.この方法により生成されたFRC プラズマ は、非常に高いβ値(~1)を有しており、D-<sup>3</sup>He 核融合炉の 炉心プラズマとして注目され、日本と米国を中心に研究 されている.また、Fig.1 に示すように単連結構造である ことから、磁力線に沿って軸方向への移動(移送)が可 能である.

しかし, FRC プラズマは電磁流体力学的 (Magneto-hydro-dynamics:MHD)不安定性のひとつであ る回転不安定性の成長により, 急速に崩壊してしまう.  $D^{-3}$ He 核融合炉心プラズマとして使用するためには閉 じ込め性能の向上が必須である.[1]

プラズマの診断法は様々であるが, 1980 年頃から Computer Tomography(CT)をプラズマ研究に生かす試み が為されてきた. この方法で, プラズマの MHD 不安定 性や, 内部構造などの研究が数多く行われている.[2]

本発表では, FRC プラズマの MHD 不安定性の様子を 調べるため,可視光 CT を用いた像再構成法の開発と, それに付随して,新たな分光計測系の開発の2点 について発表を行う.



Fig. 1 Schematic view of Field-Reversed Configuration plasma





Fig. 2 に実験装置の断面図を示す. コリメーターは x, y 方向ともに-7.8cm~7.8cmの間に 1.2cm 間隔で 14 本ずつ 設置されており,干渉フィルタを選択することで制動放 射光や重水素スペクトル等を観測している.

現段階の装置では、光ファイバーの導波路が1本である ため、観測された光を波長ごとに比較するために状態の 似たプラズマで比較する必要がある.

そこで今回開発した光ファイバーは導波路を途中から 3分岐させ、同時刻、同位置で3つの波長の光を観測する ことができる.これにより、FRCプラズマの挙動を波長ご とに見ることができるだけでなく、電子、重水素、He等、 異種の粒子の挙動を同時に観測することも可能になると 思われる.

## 3. 可視光 CT

1)可視光 CT の原理

CT は外部からの観測情報を拘束条件とし、内部構造を再 構成するという手法である.発光強度の 2 次元分布 f(p, $\phi$ ) は L に沿った線積分値となるため発光強度分布 g(r, $\theta$ )を用 いて以下の式で表される. ds は L に沿う線素片である.

$$f(p,\phi) = \int_{L} g(r,\theta) ds \tag{1}$$

f(p, φ)は実験により得られたデータであり,この積分方程式 を g(r, θ)について解くことで発光強度分布が求まる.



Fig. 3 Schematic view of visible light CT

### 2)数学的手法

そのまま方程式を解こうとすると,検出ポート数の制約の ためデータ欠損が生じ,アーチファクト(偽の像)が出てしま う.その欠損を補う手法として、本研究では Cormack 法と Fourier-Bessel 級数展開法(長山法)を用いて解析を行って いる.[3]

#### 剛体回転モデルによる発光強度分布の算出 4.

平衡状態において、磁気面上では、電子の温度、密度が 一定である. FRC プラズマは以下に示す剛体回転モデルで 再構成する際に、適切な項数を採用しなければ像がぼや 密度、磁場分布を仮定する場合がよくある[4]

$$K = \tanh^{-1} B_i / B_0 \tag{2}$$

$$n = n_m \sec h^2 K (r^2 / R^2 - 1)$$
(3)

$$B = B_0 \tanh K(r^2 / R^2 - 1)$$
 (4)

ここで、B<sub>0</sub>, B<sub>i</sub>はそれぞれ外部磁場中心軸上の磁場の大きさ、 nm は磁気軸上の電子数密度, r は中心軸からの距離, R は磁 気軸半径と呼ばれる磁場B(r)の値が0になる点である.[5]

プラズマは巨視的にみて中性であるから $n_i \approx n_a = n$ と して,制動放射光強度は

$$I(v)dv \propto n^2 \sqrt{k_B T_e} \exp(-hv/k_B T)$$
 (5)

で表される.[6]

Fig. 4, Fig. 5に n, B, Iの径方向分布を示すFig. 5の〇印は 再構成した像の値である.今回は, Fourier-Bessel 級数展開 法を用いて再構成を行った.展開項として2項目までを 採用した、なお、両グラフ共に最大値が1になるように 規格化してある.



Fig. 4 A rigid rotor radial density profile with constant particle temperature and magnetic field at mid-point.



Fig. 5 A rigid rotor radial emission profile (-) and reconstructed radial profile(O)

- けたり、実際にはない像が出てしまうので項数の最適化 が必要である.
- (2)実験で得られたデータを再構成し、結果を剛体回転モデ
  - 3) ルと比較、さらに、再構成像よりMHD不安定性の様子を調 べる.
    - この研究は、平成25年度理工学部応用科学研究助成金 の支援を受けている

### 5. 参考文献

- [1] 浅井朋彦ほか、プラズマ・核融合学会誌, Vol.84、No.8、 pp489-510, 2008
- [2] 長山好夫, 核融合研究, Vol.62, No.6, pp427-42,(1989), T.Asai et.al, Phys.Plasmas.13,072508 (2006)
- [3] 長山好夫, プラズマ・核融合学会誌, Vol.74, No.10, pp1158-1163, (1998)
- [4] Y. Nagayama, Rev, Sci ,Instrum., Vol .65, No.11, pp3415,1994
- [5]W.T.Armstrong Phys. Fluids, Vol.24, No.11, et.al pp2084-2089, 1981
- [6]木原太郎, 核融合研究, Vol.5, No.1, pp16-20, 196