# 金属導波路間のエネルギー結合効率の検討

## Investigation of Energy Coupling Efficiency between Metal Waveguides

○影山雄一<sup>1</sup>, 上垣将洋<sup>1</sup>, 大貫進一郎<sup>2</sup>, 羽柴秀臣<sup>3</sup>, 井上修一郎<sup>3</sup> \*Yuichi Kageyama<sup>1</sup>, Masahiro Kamigaki<sup>1</sup>, Shinichiro Ohnuki<sup>2</sup>, Hideomi Hashiba<sup>2</sup>, Shuichiro Inoue<sup>2</sup>

Abstract: Recently, design of plasmonic waveguides has attracted attention; the high integration of optical devices is expected by using the waveguides. However, energy efficiency and concentration ratio of those devices are changed by shape of waveguides. In this report, we evaluate energy coupling efficiency of between the metal waveguides.

1. はじめに

近年,エネルギーを狭い領域に閉じ込めて伝搬させ るプラズモニック導波路が注目されており,導波路を 用いることによって光デバイスの高集積化が期待され ている<sup>[1-2]</sup>.しかし,導波路の形状によってエネルギー 効率や集中率は大きく変化してしまう<sup>[3]</sup>.本報告では, 形状を変化させた際の金属導波路間のエネルギー結合 効率について検討する.

2. 解析モデル

本報告では、金属の周波数分散性を考慮するため ADE-FDTD法を用いる<sup>[4]</sup>.本手法は次式で示すMaxwell 方程式を時間領域、空間領域で差分化を行う.

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\mu_0 \,\frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} \tag{1}$$

$$\nabla \times \mathbf{H} = \varepsilon_0 \,\frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \mathbf{J} \tag{2}$$

ここで、Eは電界、Hは磁界、Jは電流密度である. また、金属導波路の周波数分散性はDrudeモデルとし、 次式で与えられる電子の運動方程式を差分化して FDTD 法に組み込む.

$$m\frac{d^2\mathbf{u}}{dt^2} + m\nu\frac{d\mathbf{u}}{dt} = q\mathbf{E}$$
(3)

ただし, *m* は電子の有効質量, u は変位ベクトル, v は 衝突周波数, *q* は電子の素電荷である.

本報告では、Fig. 1 に示す SiO<sub>2</sub>中に 3 枚の金属導波 路 S<sub>1</sub>, S<sub>2</sub>および S<sub>3</sub>を配置したプラズモニック導波路に ついて電磁界解析を行う.また、金属導波路の媒質は Au とし、+x 方向に伝搬する表面プラズモンを励振す る.このとき、導波路間距離 lを変化させ S<sub>1</sub>上を伝搬 するエネルギーが S<sub>2</sub>および S<sub>3</sub>へ結合する効率について







Figure 2. Distribution of the electric field intensity



1:日大理工・院(前)・電気 2:日大理工・教員・電気 3:日大理工・教員・量科研

検討を行う.金属導波路間のエネルギー結合効率は次 式により評価する<sup>[5]</sup>.

$$C = \frac{\left|\int_{l} \mathbf{E}_{1} \cdot \mathbf{E}_{2} dl\right|^{2}}{\left(\int \mathbf{E}_{1}^{2} dl \int \mathbf{E}_{2}^{2} dl\right)}$$
(4)

ここで, **E**<sub>1</sub>は **S**<sub>1</sub>からの放射電界, **E**<sub>2</sub>は **S**<sub>2</sub>および **S**<sub>3</sub> からの放射電界である.

### 3. 解析結果

Fig.2 に S<sub>1</sub>からの放射電界と S<sub>2</sub>および S<sub>3</sub>からの放射 電界を示す. それぞれ伝搬距離 200 μm 付近の端部から エネルギーが放射していることがわかる.

Fig.3 に金属導波路の放射電界から計算したエネル ギー結合効率を示す.導波路間距離 *l*=15 μm で結合効 率が 99%となることを確認した.

Fig.4 に導波路間距離  $l=15 \mu m$ の場合の金属導波路 S<sub>1</sub>, S<sub>2</sub>および S<sub>3</sub>の電界強度分布を示す. S<sub>1</sub>から放射し たエネルギーがS<sub>2</sub>およびS<sub>3</sub>へ高効率で結合しているこ とを確認した.

Table1 に導波路間距離 *l*=5µm, 15µm, 20µm での導 波路内部の分極電荷密度を示す.分極電荷密度は次式 によって評価を行った.

$$\rho = \int_{t} \left| \frac{(P_{(x+1)} - P_x)}{\Delta x} + \frac{(P_{(y+1)} - P_y)}{\Delta y} \right| dt$$
(5)

ただし、 $P_x$ はx方向の分極ベクトル、 $P_y$ はy方向の分 極ベクトル、 $\Delta x$ はx方向の長さ、 $\Delta y$ はy方向の長さで ある.  $l=15 \mu m$ の場合の分極電荷密度は $3.82 \times 10^{-20}$ C/m<sup>2</sup>となり、エネルギー結合効率と分極電荷密度が同 様の傾向となることを確認した.

#### 4. まとめ

金属導波路間の結合効率について検討を行った. 導 波路間距離  $l = 15 \ \mu m$  の場合において結合効率が 99 % となることを確認した.また金属導波路  $S_1$ ,  $S_2$ および  $S_3$ の電磁界解析において,導波路間距離  $l = 15 \ \mu m$  のと き分極電荷密度が  $3.82 \ \times \ 10^{20} \ C/m^2$ となり,結合効率 と分極電荷密度が同様の傾向となることを確認した.





Table.1 Distance between the metal waveguides and polarization charge density

<i>l</i> [µm]	Polarization charge density [C/m <sup>2</sup> ]
5	$3.78 \times 10^{-20}$
15	$3.82 \times 10^{-20}$
20	$3.80 \times 10^{-20}$

#### 5. 参考文献

[1] Y. Kageyama, S. Sekiguchi, T. Takeuchi, S. Ohnuki and S. Inoue, Proceedings of the 2014 IEICE Society Conference, C-15-12,pp.219,Sep ,2014.

[2] S. Ohnuki, Y. Kageyama, Y. Sekiguchi, T. Takeuchi and S. Inoue: "Fundamental Study on Energy Transmission Efficiency of Multiple Plasmonic Waveguides" IEICE Technical Report, EST2014-2, pp. 7-10, May. 2014.

[3]M. Kamigaki, Y. Kageyama, S. Ohnuki, H. Hideomi and S. Inoue : "Investigation of Coupling Efficiency in Optical Waveguides -The Case of Optical Fibers and Plasmonic Waveguides-", Proc. of the 2015 IEICE Society Conference, C-15-10, pp.201, 2015.

[4] T.Yamaguchi,and T.Hinata,"Optical near-field analysis of spherical metals, Application of the FDTD method combined with the ADE method," Opt. Express, 15, pp.11481-11491,2007.

[5] R. Charbonneau, C. Scales, I. Breukelaar, *Member, OSA*,
S. Fafard, N. Lahoud, G. Mattiussi, and PierreBerini *Member*, *IEEE, Member, OSA*: "PassiveIntegrated Optics Elements
Based on Long-RangeSurface Plasmon Polaritons",

JOURNAL OFLIGHTWAVE TECHNOLOGY, Vol. 24, No.1, pp.477-494, January.2006.