L-14

# 微小金円柱列における局在表面プラズモンの電磁界解析 —電子の振動方向と励起波長—

Electromagnetic Field Analysis of Localized Surface Plasmons in a Gold Nano-Cylinder Chain —Vibration Direction of Electron and Excitation Wavelength—

> ○高橋 涼<sup>1</sup>, 大貫進一郎<sup>2</sup> \*Ryo Takahashi<sup>1</sup>, Shinichiro Ohnuki<sup>2</sup>

Abstract: Recently, the study of plasmonic device comprised of metal nano-particle chains has been attracted attention. The diffraction limit can be exceeded by using Localized Surface Plasmon (LSP) via the metallic nano-particle chains. In this report, we investigate the wavelength responses of the gold nano-cylinder chain due to the polarization direction of excitation wavelength.

1. はじめに

近年,微小金属を配列し局在表面プラズモン(LSP: Localized Surface Plasmon)を利用するプラズモニック 導波路や光を局所化するナノアンテナの研究が注目さ れている<sup>[1-3]</sup>.微小金属を介して LSP を伝搬させること で,回折限界を超えて光を制御することができる.ま た,デバイス設計において LSP を励振するために電子 の振動方向を適切に選択しなければならない.本報告 では,微小金円柱を等間隔で直線配列したモデルに対 して電磁界解析を行い,電子の振動方向と LSP の励起 波長の関係を明らかにする.



Figure 1 Geometry and coordinate systems

## 2. 解析手法

本報告では、微小金円柱列を伝搬する LSP の電磁界 解析を時間領域有限差分(FDTD: Finite Difference Time Domain)法を用いて行う<sup>[4-5]</sup>.次式に示すマクスウェル 方程式を空間的、時間的に中心差分を用いて離散化す ることで時間領域の電磁界解析を行う手法である.

$$\nabla \times \mathbf{H} = \varepsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \mathbf{J}$$
(1)

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\mu_0 \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} \tag{2}$$

金属の周波数分散性を考慮するために、次式に示す電 子の運動方程式を補助方程式として用いる<sup>[6]</sup>.

$$m_e \frac{\partial}{\partial t} \mathbf{v} = e \mathbf{E} - \gamma \mathbf{v} \tag{3}$$

ここで me, v, y はそれぞれ電子の有効質量, 変位ベクト

ル, 衝突係数を示す.

金属の分散性は Drude モデルを仮定し,数値解析には 次式で示す誘電率を用いる.

$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon_{\infty} + \varepsilon_D(\omega) \tag{4}$$

$$\varepsilon_D(\omega) = -\frac{\omega_D^2}{\omega(\omega + i\gamma)} \tag{5}$$

ただし、 $\epsilon_{\infty}$ は周波数無限大での誘電率、 $\omega_D$ はプラズマ 周波数である.

ここで金属内の分極電流は次に示す差分式から求める.  $\mathbf{J}_{D}(x)^{n+1} = \alpha_{D} \mathbf{J}_{D}(x)^{n} + \xi_{D} \mathbf{J}_{D}(x)^{n-1}$ 

$$+\eta_D \frac{\mathbf{E}(x)^{n+1} - \mathbf{E}(x)^{n-1}}{2\Lambda t}$$
(6)

$$\mathbf{J}_{T}(x)^{n,n-1} = \frac{1}{2} \left\{ (\alpha_{D} + 1) \mathbf{J}_{D}(x)^{n} + \xi_{D} \mathbf{J}_{D}(x)^{n-1} \right\}$$
(7)

$$\alpha_D = \frac{4}{2 + v\Delta t} \tag{8}$$

$$\xi_D = \frac{2 - \gamma \Delta t}{2 + \gamma \Delta t} \tag{9}$$

$$\gamma_D = \frac{2\varepsilon_0 \omega_D^2 \Delta t^2}{2 + \gamma \Delta t} \tag{10}$$

これらを用いて LSP が伝搬する微小金円柱列の電磁 界解析を行い,金属内部に誘起されるダイポールモー メントを求める.

## 3. 解析結果

Fig. 2 は微小金円柱を直線状に配列した解析モデル である.金円柱の直径は 10 nm とし、円柱 C1 から C10 まで計 10 個を等間隔で x 軸方向に配列する.ここで円 柱列は C1 横に配置したダイポール波源により励振す る.y 軸方向に対して強く電子が振動した横モードと、 x 軸方向に対して強く振動した縦モードについて解析 を行う. Fig. 2(a)は横モード, Fig. 2(b)は縦モードでの励振と伝搬のイメージを示しており,ダイポール波源の電子の振動方向を変えることで二つのモードを制御する.また,共振波長が約550 nm の金円柱に対して,500 nm,550 nm,600 nm の波長を励起した.

横モードで LSP が伝搬した場合の円柱 C6 内部に誘 起されるダイポールモーメントを Fig. 3(a)に示す. 波 長 500 nm で励起した場合, 波長 550 nm と 600 nm に比 べてダイポールモーメントが大きくなることがわかる.

Fig. 3(b)の縦モードの場合, ダイポールモーメント が大きくなる励起波長は 600 nm となることを確認し た.

### 4. まとめ

本報告では微小金円柱列について電磁界解析を行い, 電子の振動方向と励起波長の関係を検討しました.横 モードの場合,励起波長 500 nm で円柱 C6 内部のダイ ポールモーメントが最大となり,縦モードの場合,600 nm で円柱 C6 内部のダイポールモーメントが最大とな ることを確認した.

#### 5. 謝辞

本研究の一部は、私立大学戦略的研究基盤形成支援 事業の援助を受けて行われた.

- 6. 参考文献
- W. Nomura, M. Ohtsu, and T. Yatsui: "Nanodot coupler with a urface plasmon polariton condenser for optical ar/near-field nversion", Appl. Phys. Lett., Vol.86, pp. 181108-1-181108- 3, April, 2015
- [2] V. Kravets, O. Yeshchenko, V. Gozhenko, L. Ocola, D.Smith, J. Vedral and A. Pinchuk: "Electrodynamic coupling inregular arrays of gold nanocylinders", J.Phys, D: Appl Phys, Vol. 45. 045102(8pp), Jan. 2012.
- [3] T. Coenen, E. J. Vesseur, A. Polman, and A. F. Koenderink: "Directional emission from Plasmonic Yagi-Uda Antennas Probed by Angle-Resolved Cathodoluminescence Spectroscopy", Nano Lett. Vol. 11, pp.3779-3784.
- [4] S. Ohnuki,K. Nagasawa,T. Takeuchi:"Analysis of Electromagnetic Fields in a Metal Nano-Cylinder Chain Excited by Localized Surface Plasmons" IEICE Technical Report,PN2014-52,pp.155-158,Jan 2015
- [5] K. Nagasawa, R. Takahashi, S. Ohnuki: "Wavelength Response Analysis of the Localized Surface Plasmon in a Gold Nano-Cylinder Chain - Nonlocal Effect Due to Distance between Cylinders -" The 2015 IEICE General Conference, C-1-4, Mar 2015
- [6] J. M. McMahon, S. K. Gray, and G. C. Schatz: "Calculatiung nonlocal optical properties of structures with arbitrary shape", Phys. Rev. B., Vol. 82, pp.035423-1-035423-12, 2010.



Figure 2 Geometry of the gold nano-cylinder chain



Figure 3 Resonant peaks of gold nano-cylinder C6