# 金属円柱の電磁界時間 - 周波数応答解析

—FDFD 法及び高速逆ラプラス変換の併用— Time-Frequency Analysis of EM Scattering from a Metallic Cylinder - Combination of FDFD Method and FILT -

○呉迪1,山口隆志2,大貫進一郎3

\*Di Wu<sup>1</sup>, Takashi Yamaguchi<sup>2</sup>, Shinichiro Ohnuki<sup>2</sup>

Abstract: In recent years, analysis of electromagnetic wave scattering from microscopic metal is paid attention for realizing miniaturization of optical devices. This paper describes a novel time and frequency domain algorithm for designing optical devices efficiently.

1. まえがき

近年,アンテナや光デバイスの設計において電磁界 シミュレーションが必須となり,アルゴリズムの開発 が盛んにおこなわれている.本報告は Finite-Difference Frequency-Domain (FDFD)法<sup>[1]</sup>及び高速逆 Laplace 変換 (FILT)法<sup>[2]</sup>に基づく新しい時間 - 周波数応答解析手法 を提案する.

#### 2. 解析手法

本解析では複素周波数( $s: =\sigma+j\omega$ )領域において定式化 を行う. 複素周波数領域の Maxwell 方程式を以下に示 す.

$$\nabla \times \mathbf{E} = -s\mu_0\mu_r \mathbf{H} \tag{1}$$

$$\nabla \times \mathbf{H} = s \varepsilon_0 \varepsilon_r \mathbf{E} + \mathbf{J} \tag{2}$$

これらを空間について差分近似することで、連列一次 方程式が得られる<sup>[3]</sup>. 複素周波数領域の電磁界はこの方 程式を従来法により解くことで求める<sup>[3]</sup>. また,可視光 領域における金属の周波数分散性はLorentz-Drude モデ ルにより考慮した<sup>[3]</sup>.

時間応答解析は*s*領域で求めた電磁界に逆Laplace変換を適用する. FILT 法では, Bromwich 積分を双曲線 関数により近似し, 留数定理を用いて整理した次式を 利用する<sup>[3]</sup>.

$$f_{ec}(t,\alpha) = \frac{e^{\alpha}}{t} \left( \sum_{n=1}^{k-1} F_n + \frac{1}{A_{p0}} \sum_{q=0}^{p-1} A_{pq} F_{n+q} \right)$$
(3)

ここで

$$F_n = (-1)^n \operatorname{Im}[F(s)]$$
,  $s = \frac{\alpha + j(n-0.5)\pi}{t}$  (4)

$$A_{pp} = 1, \ A_{p0} = 1, A_{pq-1} = A_{pq} + \frac{(p+1)!}{q!(p+1-q)!}$$
 (5)

kは無限級数の打ち切り項数である.交代級数に対する 収束を早めるために, Euler変換が適用されており, p







Figure 2 Wavelength response of field intensity

はその項数を示す.本手法は観測時間及び時間間隔を 自由に選ぶことができ,逆ラプラス変換を行うときの 計算精度は誤差パラメータαに依存する.

### 3. 解析結果

本手法の計算精度を検証するため, Figure 1 に示す金 属円柱による電磁界の散乱解析を行う. 半径 r = 5nm の金属円柱に振幅 1V/m の平面波を入射し,散乱波は 円柱表面から 0.5nm 離れた点で観測する. FDFD 法の セルサイズは  $0.1 \times 0.1$ nm に設定した. Figure 2 に示す波長応答では,波長 350nm 付近において,電界が増幅され,表面プラズモンが最も強く励振される.また,本手法の解析結果は厳密解と3桁程度一致した.

金属円柱の共鳴波長で変調した Gaussian パルス入射 に対する過度応答を検証する. Figure 3 は観測時間 20~30fs における応答を示す. パルスに含まれる共鳴波 長の成分により,表面プラズモンが励振されることで 円柱近傍における電界が増幅されている.また,パル スが通過後徐々に減衰する応答となっている. 実線及 び点のプロットはそれぞれ FDTD 及び本手法で計算さ れた解析結果で4桁程度一致した.また,FDTD 法の 時間間隔 $\Delta t = 2 \times 10^{-19}$  s に対し,本手法は 1000 倍の $\Delta t = 2 \times 10^{-16}$  s とした.本手法は時間間隔にかかわらず同精 度での解析が可能である.

Figure 4 に波長 320nm の正弦波が入射された場合の Eyの時間応答を示す. Figure 4a は散乱波の過度から定 常状態への推移を示している. 15fs 以降は定常応答を 解析した Figure 4b の結果とほぼ一致する.本手法は過 度応答と定常応答のいずれも効率的に解析することが 可能である.

#### 4. まとめ

FDFD 法を s 領域で定式化し, 新たな時間 - 周波数応 答解析法を提案し, 金属円柱による電磁波の散乱問題 を解くことによって本手法の計算精度を検証した.また, 提案手法の有用性を明らかにした.

## 5. 謝辞

本研究の一部は、日本大学学術研究戦略プロジェク ト及び私立大学戦略的研究基盤形成支援事業の援助を 受けて行われた.

- 6. 参考文献
- D. Wu, R. Takahashi, K. Nagasawa, T. Takeuchi, T. Yamaguchi, S. Ohnuki, IEICE Technical Report EMT2016-45, pp.33-36, 2016.
- [2] T, Hosono, Radio Sci., 1981, vol. 16, no.6, pp.1015–1019.
- [3] D. Wu, T. Yamaguchi, S. Ohnuki, IEICE Technical Report vol.117, no.37, pp.5-8, 2017.



Figure 3 Time response for modulated Gaussian pulse



b) Steady-state response

Figure 4 Electric field intensity with sine-pulse incidence

- [4] S. Ohnuki, D. Wu, S. Watanabe, R. Takahashi, T. Yamaguchi URSI-GASS 2017, B8P-4, 2017.
- [5] D. Wu, S. Watanabe, T. Yamaguchi, S. Ohnuki, Proceedings of the 2017 IEICE General Conference, C-15-1, 2017.
- [6] D. Wu, T. Yamaguchi, S. Ohnuki, PIERS 2017 Singapore, 0A9-5, 2017.